

# TABLA DE CONTENIDOS

## Olimpiada Nacional de Ciencias (ONC) Matemática, Primero Básico

Contenidos declarativos, procedimentales y algunos comentarios explicativos.  
Año 2026, contenidos de todas las fases de la olimpiada.



Olimpiada Nacional  
de Ciencias

### APTITUDES

- ▶ ingenio
- ▶ meticulosidad
- ▶ concentración
- ▶ precisión
- ▶ imaginación

### ÁREAS

#### Conjuntos y Lógica

#### Razonamiento

#### Aritmética

#### Geometría

#### Álgebra

#### Combinatoria

#### Estadística y probabilidades

## CONJUNTOS Y LÓGICA

### Fundamentos

Manejo teórico y operativo de conceptos como el de conjunto vacío, conjunto universo, cardinalidad, y las relaciones de pertenencia ( $\in$ ) y contención ( $\subseteq$ ). Conjuntos numéricos: conjunto de los números naturales ( $\mathbb{N}$ ), enteros ( $\mathbb{Z}$ ), racionales ( $\mathbb{Q}$ ) y los números reales ( $\mathbb{R}$ ).

Importante

### Operaciones con conjuntos

Representación gráfica, enumerativa y descriptiva de la unión o intersección de dos o más conjuntos. Representación gráfica, enumerativa y descriptiva de la diferencia o diferencia simétrica de dos conjuntos, y del complemento de un conjunto dentro de un universo dado (notación:  $A^C$  es el complemento del conjunto  $A$ ). Pares ordenados, construcción gráfica y enumerativa del producto cartesiano de dos conjuntos dados. Cardinalidad de un conjunto. Principio de inclusión y exclusión para dos conjuntos.

### Subconjuntos

Capacidad de enumerar todos los subconjuntos de un conjunto dado que posea una cantidad reducida de elementos (por ejemplo: el conjunto de las vocales). Contención propia ( $\subset$ ) e impropia ( $\subseteq$ ). Escritura de subconjuntos infinitos de los enteros o naturales en forma descriptiva.

A manera de ejemplo, los múltiplos de tres pueden codificarse en forma descriptiva así:  $\{3k \mid k \in \mathbb{Z}\}$

### Proposiciones

Concepto de proposición y valor de verdad. Concepto de proposición abierta.

Una proposición abierta es aquella que tiene variables indeterminadas y no cuantificadas, propiamente hablando no es una proposición pues no tiene valor de verdad, a menos que se determine el valor de sus variables. Por ejemplo: “El número  $x$  es par” es una proposición abierta. Puede concebirse como un conjunto de proposiciones.

## RAZONAMIENTO

### Argumentación

Capacidad de elaborar argumentos convincentes.

En particular, si al alumno se le solicita un argumento, se espera una explicación clara y convincente, aunque no debe cubrir absolutamente todos los detalles ni ser enteramente formal. Una demostración en matemáticas, por el contrario, debe ser clara, convincente, formal y sin agujeros lógicos. Se posterga la capacidad de elaborar demostraciones a grados posteriores.

### Acertijos lógicos y problemas de razonamiento

Pueden ser de diversa índole: problemas que involucren la subdivisión en casos o el análisis meticuloso de los datos ofrecidos; problemas sobre personajes que mienten o dicen la verdad; la utilización de balanzas o contenedores de manera secuencial para realizar ingeniosamente cálculos o comparaciones; búsqueda de errores en razonamientos; problemas que versen sobre mensajes codificados u operaciones aritméticas inventadas específicamente para esta competencia; búsqueda de estrategias óptimas para ser aplicadas a juegos matemáticos o situaciones varias; etc.

Esta sección se combina con otros contenidos de cualquiera de las áreas a evaluar, por lo que es incluida de manera frecuente.

Importante

### Patrones

Identificación y aplicación de patrones establecidos sobre figuras geométricas, tablas de datos, números u otros objetos para la determinación de un objeto final, después de un número finito de aplicaciones de la regla o patrón.

Algunos problemas que consisten en la detección de patrones no son problemas matemáticos válidos, pues pueden depender del punto de vista y tener infinitas respuestas posibles. Tales problemas no serán evaluados. Ejemplo de un problema inválido: “Hallar el siguiente número en la sucesión: 2, 4, 6, ...”. El problema es inválido pues tiene infinitas posibles respuestas, el patrón podría continuar así: “2, 4, 6, 12, 14, 16, 22, 24, 26, 32, 34, 36, 42, 44, 46, ...”, o así: “2, 4, 6, 6, 8, 10, 10, 12, 14, 14, 16, 18, 18, ...”. Note cuán diferente parece el último patrón si se lee de tres en tres (el patrón parece completo), o si se pone atención únicamente a los números que se repiten y los que no se repiten, que ocurren de manera alternada (el patrón parece incompleto pues el 2 debería repetirse). Incluso podría no haber un patrón, tal y como se entiende la palabra.

Importante

## ARITMÉTICA

### Axiomas

Comprensión de las leyes o axiomas algebraicos de los números, con respecto a las operaciones de suma y multiplicación (conmutatividad, asociatividad, distributividad, existencia del elemento neutro y la unidad, y existencia de elementos simétricos e inversos).

## Divisibilidad

Definición de la relación de divisibilidad. Diferencia entre la relación de divisibilidad ( $4 \mid 12$  es verdadero) y la operación de división ( $12 \div 4 = 3$ ). Algoritmo de la división (dividendo = divisor  $\times$  cociente + residuo). Propiedades de la divisibilidad en  $\mathbb{N}$  (reflexividad, antisimetría y transitividad). Definiciones de divisor, múltiplo, divisor común, múltiplo común, máximo común divisor (MCD) y mínimo común múltiplo (MCM) para dos o más números. Criterios de divisibilidad del 2, 3, 4, 5, 9 y 10.

## Primos

Definiciones de número primo y número compuesto. Definición de primos relativos. Criterio para verificar si un número dado es primo (verificar si es múltiplo de algún número mayor que 1 y menor o igual a su raíz cuadrada). Construcción de la criba de Eratóstenes.

## Teorema Fundamental de la Aritmética

Conocimiento y comprensión del enunciado del teorema. Factorización en primos de un número natural dado. Determinación del máximo común divisor y el mínimo común múltiplo de dos o más números vía sus factores primos.

## Operatoria

Suma, resta, multiplicación y división de números enteros y racionales. Manejo de las operaciones mencionadas tanto en decimales como con números fraccionarios. Fracciones equivalentes y simplificación de las mismas. Conversión de números racionales entre las formas siguientes: número mixto, fracción (propia o impropia), número decimal y porcentaje. Potenciación y radicación de enteros. Leyes de los exponentes. Leyes de los signos para la multiplicación o división de números. Jerarquía de las operaciones incluyendo signos de agrupación. Definición de factorial y su jerarquía en las operaciones.

## Orden

Relaciones de orden ( $<$ ,  $>$ ,  $\leq$  y  $\geq$ ). Capacidad de ordenar de menor a mayor o de mayor a menor un conjunto dado de números enteros o racionales, posiblemente expresados mediante combinaciones de operaciones aritméticas. La desigualdad cuadrática como herramienta para elaborar argumentos.

La desigualdad cuadrática dice que todo número real elevado al cuadrado da un resultado no negativo. Se puede usar para elaborar argumentos como el siguiente: el máximo valor que puede tomar la expresión  $25 - x^2 - y^2$  es 25, sin importar el valor que tomen las variables.

## Sucesiones y series

Definiciones de: sucesión aritmética, sucesión geométrica, serie aritmética y serie geométrica. Fórmula de Gauss para la suma de enteros consecutivos. Determinación de términos específicos en sucesiones definidas recursivamente o sucesiones que poseen una forma cerrada.

Le llamamos forma cerrada a una manera de saber el resultado sin tener que calcular cierta operación que posee un patrón. Por ejemplo, si se suman los enteros positivos impares desde 1 hasta cierto número impar, el resultado siempre es un cuadrado perfecto. Note que la suma de los primeros cuatro impares  $1 + 3 + 5 + 7$  da como resultado el cuadrado de 4, que es 16.

# GEOMETRÍA

## Razonamiento espacial

Capacidad de imaginar figuras sólidas construidas a partir de otras más simples. Estrategias para contar aristas, caras y vértices de figuras sólidas construidas a partir de cubos, tetraedros regulares, prismas y otras figuras simples. Rotación, traslación y reflexión de figuras sólidas o planas, posiblemente iterando o combinando dichas transformaciones.

## Conceptos básicos

Definición de segmento de recta y su notación, definición de circunferencia, arcos de circunferencia, rectas tangentes a circunferencias, rectas secantes a circunferencias, diámetro y radio de circunferencias. Proporcionalidad como factor de conversión, y conversiones entre medidas lineales, cuadráticas y cúbicas (por ejemplo, de metros cúbicos a centímetros cúbicos)

## Polígonos

Clasificación y nomenclatura de las figuras según el número de lados y otras propiedades (triángulos, cuadriláteros, paralelogramos, rombos, cuadrados, rectángulos, romboides, trapecios, trapezoides, pentágonos, hexágonos, etc.). Clasificación de triángulos según sus ángulos (obtusángulo, rectángulo, acutángulo) y según sus lados (equilátero, isósceles, escaleno). Perímetro y área de figuras geométricas (cuadrado, rectángulo, círculo, triángulo, etc.). Definición de vértices, lados y diagonales de polígonos.

Los romboides también son llamados deltoides. Entre los matemáticos de Guatemala es común la nomenclatura de Julio Rey Pastor, en la que los romboides NO son un caso particular de los paralelogramos, sino que corresponden a la figura geométrica que intuitivamente se identifica con los barriletes (deltoides). En muchos libros europeos y norteamericanos, se le llama romboide al paralelogramo que no es rombo. En la terminología de Rey Pastor, a esta figura se le llama simplemente "paralelogramo general". La ventaja de decir deltoide es que el término no es ambiguo, no importando la escuela geométrica que se siga.

## Figuras sólidas

Volumen y área superficial de algunas figuras geométricas sólidas (cubo y ortoedro, también conocido como prisma rectangular recto, o paralelepípedo recto). Definición de vértices, aristas y caras de figuras sólidas en las que tales conceptos apliquen.

Los poliedros son la generalización de polígono para tres dimensiones. Entre los poliedros más importantes están los llamados "sólidos platónicos", o sólidos regulares.

## Ángulos y temas afines

Comprensión y manejo de las medidas angulares en grados. Teorema de la suma de los ángulos internos en un triángulo (180 grados), sumas de los ángulos internos en cuadriláteros (regulares o irregulares). Ángulos entre paralelas (correspondientes, opuestos por el vértice, alternos internos y alternos externos). Sectores circulares (perímetro y área). Definición de polígono inscrito y polígono circunscrito a una circunferencia.

## Semejanza y congruencia

Concepto y reconocimiento de triángulos semejantes y congruentes. Reconocimiento de figuras geométricas (triángulos y otras) rotadas, trasladadas o dilatadas. Criterios de congruencia de triángulos: lado-lado-lado, lado-ángulo-lado y ángulo-lado-ángulo. Criterios de semejanza de triángulos: lado-lado-lado, lado-ángulo-lado y ángulo-ángulo.

Importante

## Teoremas fundamentales

Teorema de los ángulos en la base de un triángulo isósceles (Pons asinorum). Teorema de Pitágoras. El teorema del ángulo central y el del ángulo inscrito. Conocimiento de los enunciados y la capacidad de aplicarlos en la resolución de problemas.

# ÁLGEBRA

## Conceptos básicos

Definición de polinomio, término, monomio, binomio, trinomio, etc. Diferenciación entre los conceptos de variable y constante. Diferenciación entre los conceptos de dato (constante conocida) e incógnita (constante desconocida). Definición del grado de un polinomio, clasificación de polinomios según el grado (lineal, cuadrático, cúbico, cuártico, quíntico).

## Operatoria algebraica

Valuación de expresiones algebraicas para valores específicos de las variables. Algunas operaciones aritméticas básicas (suma, resta y multiplicación) aplicadas a polinomios. Expansión de productos y simplificación de expresiones algebraicas, reducción de términos semejantes en polinomios. División de monomios.

Importante

## Productos notables y factorización

Expansión de un binomio elevado al cuadrado y factorización por factor común.

## Ecuaciones, desigualdades e inecuaciones

Diferenciar entre una ecuación y una identidad algebraica. Resolución de ecuaciones lineales mediante despeje algebraico. Concepto de inecuación ( $\neq$ ) y desigualdad ( $<$ ,  $>$ ,  $\leq$  y  $\geq$ ). Resolución de una inecuación o desigualdad lineal en una variable, representación gráfica (recta numérica) de la solución y por intervalos. Despejes que involucren únicamente la aplicación de operaciones inversas para ecuaciones de varias variables, como despejar el radio en la fórmula del volumen de una esfera. Sistemas de ecuaciones lineales en 2 variables.

En los exámenes se aplica el convenio de notación siguiente: un intervalo abierto se representa con paréntesis, en tanto que un intervalo cerrado con corchetes. Así por ejemplo, el intervalo abierto de 3 a 5 es  $(3,5)$ , mientras que el intervalo cerrado sería  $[3,5]$ .

# COMBINATORIA

## Principios

Conocer el enunciado y saber aplicar el principio de la suma, el principio de la multiplicación, el principio de inclusión y exclusión para dos conjuntos, y el principio de las casillas o principio de Dirichlet.

Importante

El principio de inclusión y exclusión para dos conjuntos nos dice que la cardinalidad de la unión de dos conjuntos es igual a la suma de las cardinalidades de los conjuntos individuales, restándole la cardinalidad de la intersección.

El principio de las casillas dice: si se desea clasificar objetos en casillas, con la posibilidad de colocar uno, ninguno, o varios objetos en cada casilla, y si se cuenta con más objetos que casillas, entonces forzosamente habrá una casilla con más de un objeto.

## Conteo

Conocer la definición de factorial y su conexión con el conteo, la definición de permutación (con repetición y sin repetición), y la definición de combinación (sólo la versión sin repetición). Cálculo del número de permutaciones o combinaciones para conjuntos pequeños por exhaustión (sin fórmulas). Problemas de conteo que involucran la división por casos.

Ejemplo de la división en casos: ¿Cuántos números de tres dígitos son tales que su primer y último dígito son iguales? En este problema se observa que forzando al dígito repetido a valer 1, se obtienen números del tipo  $1 \square 1$ , de los cuales hay 10 diferentes, y lo mismo sucede con las otras ocho posibilidades para el dígito repetido, esto es,  $9 \times 10 = 90$  números en total.

## Grafos

Conceptos de grafo, vértice y arista. Interpretación de poliedros como grafos. Problemas de conteo en grafos.

Ejemplo: Calcular cuántas estrechadas de mano ocurren entre diez personas, si se sabe que cada persona estrechó la mano una vez con cada una de las otras nueve.

Importante

# ESTADÍSTICA Y PROBABILIDAD

---

## Medidas de tendencia central

Cálculo de moda, media y mediana de un listado de números racionales. Problemas aritméticos que involucren el cálculo de promedios o el cálculo de valores individuales a partir de datos que incluyan el promedio.

Por ejemplo: Si Juan y Pedro tienen en promedio 20 quetzales, y se sabe que Pedro tiene 24, ¿Cuántos quetzales tiene Juan?

## Probabilidad

Concepto básico de probabilidad para un número finito de eventos posibles (tiros de dados, selección de cartas en una baraja, tiros de monedas, etc.). Probabilidad conjunta de eventos independientes. Concepto de eventos mutuamente excluyentes y, entre ellos, los eventos complementarios.

---

## OBSERVACIONES

Las barras que en el inicio del documento indican la frecuencia con la que se evalúa un área particular se miden en proporción al área más evaluada, que en este caso es Aritmética. Estas mediciones representan una aproximación basada en las pruebas de años anteriores. Debe tenerse en cuenta que cada año se fabrican pruebas originales, por lo que la medición no es perfecta.

Si un problema emplea el teorema de Pitágoras, por ejemplo, típicamente tendrá que evaluar también la valuación de fórmulas algebraicas. Por esta razón, algunas preguntas evalúan múltiples temas. Todos los temas son útiles, pero se han marcado con una etiqueta que dice “Importante” aquellos que resultan evaluados con una frecuencia mayor, dentro de cada área. Aún así, la distribución de temas es bastante balanceada (siguiendo la proporción de las barras).

En olimpiadas nacionales de otros países es poco frecuente encontrar contenidos explícitos para la competencia. Esto se debe a que su propósito principal es detectar potencial e ingenio, y no tanto el conocimiento de los estudiantes. Si, durante la prueba, un estudiante se encuentra con un problema que pareciera no encajar con los contenidos anteriormente desglosados, o un formato de problema que típicamente se usa para evaluar contenidos más avanzados, **necesariamente existirá un método de solución más ingenioso que solamente emplea los contenidos listados.**

## FUENTES DE CONSULTA Y PRÁCTICA

Además de los ejemplos de pruebas de años anteriores que han sido subidos a la página oficial, se sugiere consultar **olimpiadas nacionales** de años anteriores para países latinoamericanos, especialmente países centroamericanos (las pruebas nacionales de El Salvador, por ejemplo, que se pueden consultar en esta página: <https://www.jovenestalento.edu.sv/matematica/archivo/>). Asimismo, las **olimpiadas canguro**, que existen en varios países, son buena práctica. La dificultad de los problemas puede variar bastante en los distintos países según el formato: las preguntas pueden ser de opción múltiple, respuesta directa o procedimiento completo; el tiempo disponible para la prueba puede variar.

Aunque los contenidos no se evalúan con frecuencia a nivel teórico, es importante tener cierto dominio de los conceptos básicos listados en este documento. Cualquier libro de matemática usado en colegios e institutos de Guatemala puede servir como una plataforma básica, y sobre ésta construir conocimientos adicionales consultando fuentes más especializadas. Ver por ejemplo los libros de la serie “**Cuadernos de Olimpiada**” de México, en la página <https://www.ommenlinea.org/>, en la pestaña prepárate. Incluso las páginas de Wikipedia u otras enciclopedias en línea pueden contribuir en la solidificación de los conocimientos.